

Estrategia didáctica

PARTE GENERAL	
NOMBRE DE LA ACTIVIDAD	Problema del rendimiento de gasolina
NOMBRE DEL PROFESOR	
PLANTEL DE ADSCRIPCIÓN	CCH-Azcapotzalco
ASIGNATURA Y SEMESTRE O AÑO	Matemáticas II
UNIDAD	Unidad II: Funciones cuadráticas y aplicaciones
APRENDIZAJES	Resuelve problemas de máximos y mínimos aprovechando las propiedades de la función cuadrática.
TEMÁTICA	Problemas de aplicación.
OBJETIVO DE LA UNIDAD	Al finalizar, el alumno: Analizará el comportamiento de las funciones cuadráticas en términos de sus parámetros mediante la contrastación de la representación gráfica y analítica. Resolverá problemas de optimización con métodos algebraicos, a fin de continuar con el estudio de las funciones a partir de situaciones que varían en forma cuadrática y contrastará este tipo de variación con la lineal.
DURACIÓN TOTAL DE LA ESTRATEGIA DIDÁCTICA	2 horas
NÚMERO DE ALUMNOS	25 alumnos
BIBLIOGRAFÍA	Álvarez, E. (2012). Elementos de Geometría. Colombia: Universidad de Medellín. Ortiz Campos, F. J. (1991). Matemáticas – 2, Geometría y Trigonometría. México: Publicaciones Cultural. Filloy, E. y Zubieta, G. (2001) Geometría. México: Grupo Editorial Iberoamericana

INICIO	
OBJETIVO DE APRENDIZAJE	Al finalizar este momento de la estrategia los alumnos: Dado el enunciado del problema, harán una representación tabular y posteriormente dibujarán una representación gráfica del problema mostrando las características de éste, que les permita resolverlo.
RECURSOS Y HERRAMIENTAS TIC	Lápiz y papel
REPRESENTACIONES QUE APARECEN EN ESTE MOMENTO	Representación verbal. Representación tabular. Representación geométrica.
CONOCIMIENTOS DE LA MATERIA QUE SURGEN	Conocimiento común del contenido: Analizar el problema para entender cuáles son los datos que piden y con que recursos se cuentan para resolverlo.
CONOCIMIENTOS PEDAGÓGICOS DE LA MATERIA QUE SURGEN	Conocimiento del contenido y la enseñanza: Hacer preguntas para que los estudiantes interpreten el concepto de optimización.
INDICAR CADA ACTIVIDAD EN EL ORDEN EN QUE SE REALIZAN	<ol style="list-style-type: none"> 1. El profesor escribirá en el pizarrón el texto del problema: El rendimiento de combustible de un automóvil se obtiene de acuerdo con la velocidad con la que se desplaza, si x es la velocidad medida en kilómetros por hora (km/h), el rendimiento está dado por la función: $R(x) = -\frac{1}{40}x^2 + \frac{7}{2}x$, para $0 < x < 120$. 2. Plantear las preguntas que den pie a la solución del problema: <ol style="list-style-type: none"> a) ¿A qué velocidad se obtiene el máximo rendimiento? b) ¿Cuál es el máximo rendimiento? c) Graficar la parábola, a partir de una tabla de valores hecha previamente, que modele la situación. 3. Colocar a los estudiantes en parejas para que discutan el problema y las posibles soluciones de éste.
EVIDENCIAS DE APRENDIZAJE	La solución del problema usando los registros tabulares y gráficos, a partir de la información proporcionada en el enunciado del problema.
FORMA DE EVALUACIÓN	Tabla de cotejo Anexo 1

DESARROLLO	
OBJETIVO DE APRENDIZAJE	Al finalizar este momento de la estrategia los alumnos: Dado el enunciado del problema los alumnos analizarán la información proporcionada con la finalidad de contestar las preguntas que dan solución al problema. Posterior a esto, elaborarán la tabla de valores y la gráfica correspondiente.
RECURSOS Y HERRAMIENTAS TIC	Lápiz y papel
REPRESENTACIONES QUE APARECEN EN ESTE MOMENTO	Representación tabular. Representación gráfica. Representación algebraica de la función cuadrática.
CONOCIMIENTOS DE LA MATERIA QUE SURGEN	Conocimiento común del contenido: La forma de calcular el valor de la abscisa del vértice, a partir de la fórmula $x = \frac{-b}{2a}$
CONOCIMIENTOS PEDAGÓGICOS DE LA MATERIA QUE SURGEN	Conocimiento del contenido y la enseñanza: Hacer preguntas para que los estudiantes relacionen el valor y la interpretación del vértice en el contexto del problema.
Indicar cada actividad en el orden en que se realizan	<p>1. Los estudiantes analizarán las condiciones del problema a partir del enunciado de este: El rendimiento de combustible de un automóvil se obtiene de acuerdo con la velocidad con la que se desplaza, si x es la velocidad medida en kilómetros por hora (km/h), el rendimiento está dado por la función:</p> $R(x) = -\frac{1}{40}x^2 + \frac{7}{2}x,$ <p style="text-align: center;"><i>para $0 < x < 120$</i></p> <p>2. Utilizar la fórmula $x = \frac{-b}{2a}$ para la obtención del valor de la abscisa, en este caso tendríamos que, si $a = -\frac{1}{40}$ y $b = \frac{7}{2}$</p> $x = \frac{-\left(\frac{7}{2}\right)}{2\left(-\frac{1}{40}\right)} = \frac{-\frac{7}{2}}{-\frac{2}{40}} = 70$ <p>3. A partir del valor de $x = 0.257$, calcular $f(0.257)$, sustituyendo en la función:</p> $\begin{aligned} f(70) &= -\frac{1}{40}(70)^2 + \frac{7}{2}(70) \\ &= -122.5 + 245 \\ &= 122.5 \end{aligned}$

4. Con los valores obtenidos, los alumnos responderán a las preguntas propuestas:

a) ¿A qué velocidad se obtiene el máximo rendimiento?

Respuesta: si $x = 70$, entonces la velocidad a la que se obtiene el máximo rendimiento de gasolina es de 70 km/h .

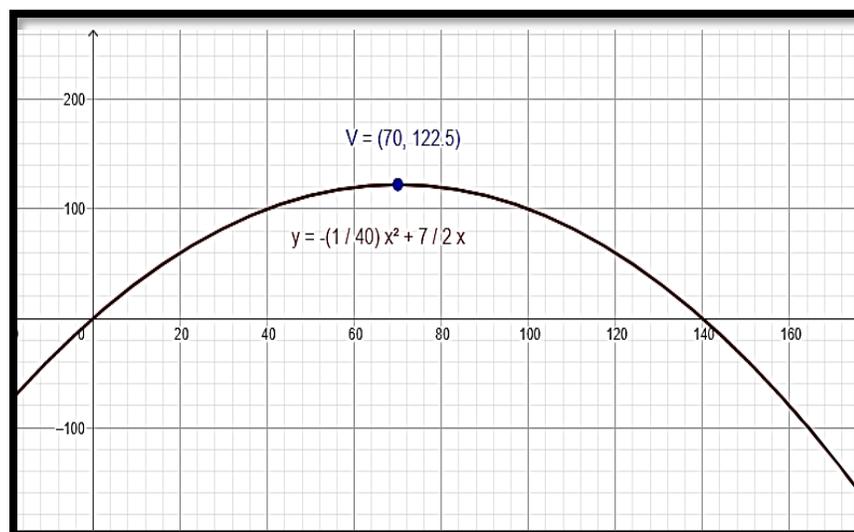
b) ¿Cuál es el máximo rendimiento?

Respuesta: El rendimiento máximo es de 122.5 km .

5. Elaborar una tabla de valores pertinente

x Velocidad en km/h	Rendimiento $R(x)$
0	0
20	60
40	100
60	120
70	122.5
80	120
100	100
120	60

6. A partir de la tabla de valores, elaborar la gráfica correspondiente.



EVIDENCIAS DE APRENDIZAJE	<ul style="list-style-type: none"> • Procedimiento con el que se obtiene el vértice de la función cuadrática. • Respuesta a las preguntas planteadas • Tabla de valores • Gráfica
FORMA DE EVALUACIÓN	Tabla de cotejo Anexo 1

CIERRE	
OBJETIVO DE APRENDIZAJE	<p>Al finalizar este momento de la estrategia, los alumnos: Identificarán para cada representación la respuesta al problema:</p> <ul style="list-style-type: none"> • El valor máximo en la tabla. • El vértice de la parábola como máximo. • La relación entre la representación tabular y la representación gráfica. • La interpretación del valor máximo en el contexto del problema.
RECURSOS Y HERRAMIENTAS TIC	Lápiz y papel
REPRESENTACIONES QUE APARECEN EN ESTE MOMENTO	<ul style="list-style-type: none"> • Representación algebraica • Representación tabular. • Representación gráfica.
CONOCIMIENTOS DE LA MATERIA QUE SURGEN	Conocimiento común del contenido: Identificar el máximo de una función cuadrática, en una tabla, en el vértice de la parábola y en la representación de la ecuación estándar de una parábola con eje vertical.
CONOCIMIENTOS PEDAGÓGICOS DE LA MATERIA QUE SURGEN	Conocimiento del contenido y la enseñanza: Mostrar el valor máximo como una interpretación de la optimización, mostrando el máximo en las representaciones tabular, gráfico y algebraico.
INDICAR CADA ACTIVIDAD EN EL ORDEN EN QUE SE REALIZAN	<ol style="list-style-type: none"> 1. Pedir a los estudiantes que identifiquen el valor máximo en la tabla. 2. Identificar en la gráfica de la parábola obtenida el vértice como máximo de la función. 3. A partir de los datos obtenidos en las diferentes representaciones, relacionar toda esta información la solución de las preguntas planteadas en el inicio de la actividad.

EVIDENCIAS DE APRENDIZAJE	Resumen mostrando la solución del problema en la tabla, la gráfica de la función y en la expresión algebraica
FORMA DE EVALUACIÓN	Tabla de cotejo Anexo 1

ANEXO 1 LISTA DE COTEJO (EVALUACIÓN SUMATIVA)		
ELEMENTO PARA EVALUAR	Cumple	Puntaje
IDENTIFICACIÓN DE LOS DATOS PROPORCIONADOS Y LA RELACIÓN ENTRE LAS VARIABLES	sí	10
PROCEDIMIENTO DE OBTENCIÓN DEL VÉRTICE Y SU INTERPRETACIÓN EN EL CONTEXTO DEL PROBLEMA	sí	10
TABLA DE VALORES	sí	10
GRÁFICA DE LA PARÁBOLA	sí	10
RESUMEN MOSTRANDO LA SOLUCIÓN DEL PROBLEMA EN LA TABLA, LA GRÁFICA DE LA FUNCIÓN Y EN LA EXPRESIÓN ALGEBRAICA	sí	10
TOTAL		50