

Estrategia didáctica 08

PARTE GENERAL	
NOMBRE DE LA ACTIVIDAD	Problema de ganancia
NOMBRE DEL PROFESOR	
PLANTEL DE ADSCRIPCIÓN	CCH-Azcapotzalco
ASIGNATURA Y SEMESTRE O AÑO	Matemáticas II
UNIDAD	Unidad II: Funciones cuadráticas y aplicaciones
APRENDIZAJES	Resuelve problemas de máximos y mínimos aprovechando las propiedades de la función cuadrática.
TEMÁTICA	Problemas de aplicación.
OBJETIVO DE LA UNIDAD	Al finalizar, el alumno: Analizará el comportamiento de las funciones cuadráticas en términos de sus parámetros mediante la contrastación de la representación gráfica y analítica. Resolverá problemas de optimización con métodos algebraicos, a fin de continuar con el estudio de las funciones a partir de situaciones que varían en forma cuadrática y contrastará este tipo de variación con la lineal.
DURACIÓN TOTAL DE LA ESTRATEGIA DIDÁCTICA	2 horas
NÚMERO DE ALUMNOS	25 alumnos
BIBLIOGRAFÍA	Filloy, E. y Zubieta, G. (2001) Geometría. México: Grupo Editorial Iberoamericana. Larson, R. y Hostetler, R. (2006). Álgebra. México: Publicaciones Cultural. Polya, G. (1981). Cómo plantear y resolver problemas (1ª ed., 9ª reimp. ed.). México: Trillas. Rees, P. y Sparks, F. (2005). Álgebra. México: Reverte.

INICIO	
OBJETIVO DE APRENDIZAJE	Al finalizar este momento de la estrategia los alumnos: Dado el enunciado del problema, harán una representación tabular y posteriormente dibujarán una representación gráfica del problema mostrando las características de éste, que les permita resolverlo.
RECURSOS Y HERRAMIENTAS TIC	Lápiz y papel
REPRESENTACIONES QUE APARECEN EN ESTE MOMENTO	Representación verbal. Representación tabular. Representación geométrica.
CONOCIMIENTOS DE LA MATERIA QUE SURGEN	Conocimiento común del contenido: Analizar el problema para entender cuáles son los datos que piden y con que recursos se cuentan para resolverlo.
CONOCIMIENTOS PEDAGÓGICOS DE LA MATERIA QUE SURGEN	Conocimiento del contenido y la enseñanza: Hacer preguntas para que los estudiantes interpreten el concepto de optimización.
INDICAR CADA ACTIVIDAD EN EL ORDEN EN QUE SE REALIZAN	<p>El profesor escribirá en el pizarrón el texto del problema:</p> <p>Una compañía armadora de netbooks representa el costo anual, en pesos, por la función: $C(x) = 90.000 + 500x + 0,01x^2$ y el ingreso anual, en pesos, por la función de venta: $V(x) = 1.000x - 0,04x^2$ (x es la cantidad de netbooks producidos anualmente)</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Plantear las preguntas que guíen a los estudiantes a la solución del problema: <ol style="list-style-type: none"> a) ¿Cómo se obtiene la función de ganancia a partir de las funciones de costos y de venta? b) ¿Cuántos netbooks deben fabricarse para que la ganancia sea la máxima? c) ¿Cuál es la ganancia máxima? 2. Colocar a los estudiantes en parejas para que vayan discutiendo el problema y las posibles soluciones de éste. <p>Sugerencia para los estudiantes: La función ganancia se expresa como $G(x)$ y se define como la diferencia entre la venta menos el costo: $G(x) = V(x) - C(x)$</p>

EVIDENCIAS DE APRENDIZAJE	La solución del problema usando los registros tabulares y gráficos, a partir de la información proporcionada en el enunciado del problema.
FORMA DE EVALUACIÓN	Tabla de cotejo Anexo 1

DESARROLLO	
OBJETIVO DE APRENDIZAJE	Al finalizar este momento de la estrategia los alumnos: Dado el enunciado del problema los alumnos analizarán la información proporcionada con la finalidad de contestar las preguntas que dan solución al problema. Posterior a esto, elaborarán la tabla de valores y la gráfica correspondiente.
RECURSOS Y HERRAMIENTAS TIC	Lápiz y papel
REPRESENTACIONES QUE APARECEN EN ESTE MOMENTO	Representación tabular. Representación gráfica. Representación algebraica de la función cuadrática.
CONOCIMIENTOS DE LA MATERIA QUE SURGEN	Conocimiento común del contenido: La forma de calcular el valor de la abscisa del vértice, a partir de la fórmula $x = \frac{-b}{2a}$
CONOCIMIENTOS PEDAGÓGICOS DE LA MATERIA QUE SURGEN	Conocimiento del contenido y la enseñanza: Hacer preguntas para que los estudiantes relacionen las funciones de costos y de venta para obtener la función de la ganancia. Además de que relacionen el valor y la interpretación del del vértice en el contexto del problema.
INDICAR CADA ACTIVIDAD EN EL ORDEN EN QUE SE REALIZAN	<p>1. Los estudiantes analizarán las condiciones del problema a partir del enunciado de este:</p> <p>Una compañía armadora de netbooks representa el costo anual, en pesos, por la función: $C(x) = 90,000 + 500x + 0.01x^2$ y el ingreso anual, en pesos, por la función de venta: $V(x) = 1,000x - 0.04x^2$ (x es la cantidad de netbooks producidos anualmente).</p> <p>Para encontrar esta función, usaremos que:</p> $G(x) = V(x) - C(x)$ $G(x) = 1,000x - 0.04x^2 - (90,000 + 500x + 0.01x^2)$ $G(x) = 1,000x - 0.04x^2 - 90,000 - 500x - 0.01x^2$ $G(x) = -0.05x^2 + 500x - 90,000$

Utilizar la fórmula $x = \frac{-b}{2a}$ para la obtención del valor de la abscisa, en este caso tendríamos que, si $a = -0.05$ y $b = 500$

$$x = \frac{-500}{2(-0.05)} = \frac{-500}{-0.1} = 5,000$$

A partir del valor de $x = 5,000$, tendremos que calcular $G(5,000)$, sustituyendo en la función:

$$\begin{aligned} G(5000) &= -0.05(5000)^2 + 500(5000) - 90,000 \\ &= -1,250,000 + 2,500,000 - 90,000 \\ &= 1,160,000 \end{aligned}$$

2. Con los valores obtenidos, los alumnos responderán a las preguntas propuestas:

a) ¿Cómo se obtiene la función de ganancia a partir de las funciones de costos y de venta?

Respuesta: La función de Ganancia está dada por:

$$G(x) = -0.05x^2 + 500x - 90,000$$

b) ¿Cuántos netbooks deben fabricarse para que la ganancia sea la máxima?

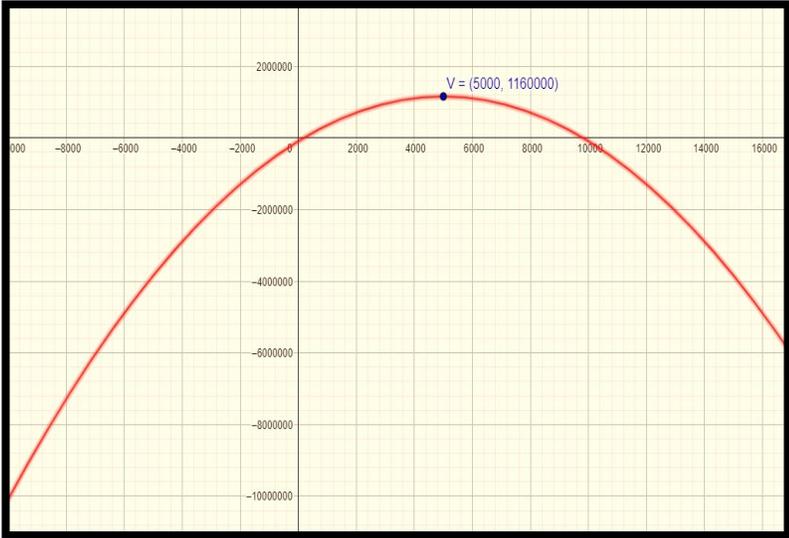
Respuesta: La cantidad de netbooks que se deben fabricar es de 5,000 unidades

c) ¿Cuál es la ganancia máxima?

Respuesta: La ganancia máxima obtenida es de: **1,160,000 pesos**

3. Elaborar una tabla de valores pertinente

x	$f(x)$
0	-90000
2000	710000
4000	1110000
5000	1160000
6000	1110000
8000	710000
10000	-90000

	<p>4. A partir de la tabla de valores, elaborar la gráfica correspondiente.</p> 
<p>EVIDENCIAS DE APRENDIZAJE</p>	<ul style="list-style-type: none"> • Procedimiento con el que se obtiene el vértice de la función cuadrática. • Respuesta a las preguntas planteadas • Tabla de valores • Gráfica
<p>FORMA DE EVALUACIÓN</p>	<p>Tabla de cotejo Anexo 1</p>

CIERRE	
<p>OBJETIVO DE APRENDIZAJE</p>	<p>Al finalizar este momento de la estrategia, los alumnos: Identificarán para cada representación la respuesta al problema:</p> <ul style="list-style-type: none"> • El valor máximo en la tabla. • El vértice de la parábola como máximo. • La relación entre la representación tabular y la representación gráfica. • La interpretación del valor máximo en el contexto del problema.
<p>RECURSOS Y HERRAMIENTAS TIC</p>	<p>Lápiz y papel</p>
<p>REPRESENTACIONES QUE APARECEN EN ESTE MOMENTO</p>	<ul style="list-style-type: none"> • Representación algebraica • Representación tabular. • Representación gráfica.

CONOCIMIENTOS DE LA MATERIA QUE SURGEN	Conocimiento común del contenido: Identificar el máximo de una función cuadrática, en una tabla, en el vértice de la parábola y en la representación de la ecuación estándar de una parábola con eje vertical.
CONOCIMIENTOS PEDAGÓGICOS DE LA MATERIA QUE SURGEN	Conocimiento del contenido y la enseñanza: Mostrar el valor máximo como una interpretación de la optimización, mostrando el máximo en las representaciones tabular, gráfico y algebraico.
INDICAR CADA ACTIVIDAD EN EL ORDEN EN QUE SE REALIZAN	<ol style="list-style-type: none"> 1. Pedir a los estudiantes que identifiquen el valor máximo en la tabla. 2. Identificar en la gráfica de la parábola obtenida el vértice como máximo de la función. 3. A partir de los datos obtenidos en las diferentes representaciones, relacionar toda esta información la solución de las preguntas planteadas en el inicio de la actividad.
EVIDENCIAS DE APRENDIZAJE	Ejercicio resuelto, mostrando la solución del problema en la tabla, la gráfica de la función y en la expresión algebraica.
FORMA DE EVALUACIÓN	Tabla de cotejo Anexo 1

ANEXO 1 LISTA DE COTEJO (EVALUACIÓN SUMATIVA)		
ELEMENTO PARA EVALUAR	Cumple	Puntaje
IDENTIFICACIÓN DE LOS DATOS PROPORCIONADOS Y LA RELACIÓN ENTRE LAS VARIABLES	sí	10
PROCEDIMIENTO DE OBTENCIÓN DEL VÉRTICE Y SU INTERPRETACIÓN EN EL CONTEXTO DEL PROBLEMA	sí	10
TABLA DE VALORES	sí	10
GRÁFICA DE LA PARÁBOLA	sí	10
RESUMEN MOSTRANDO LA SOLUCIÓN DEL PROBLEMA EN LA TABLA, LA GRÁFICA DE LA FUNCIÓN Y EN LA EXPRESIÓN ALGEBRAICA	sí	10
TOTAL		50